

2021年度

【一般選抜前期 B 日程 / 共通テストプラス方式（2日目）】

1 限 目

注 意

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。

2. 問題冊子は1部、解答用紙は1枚です。

3. 出題科目、ページおよび選択方法は、下表のとおりです。

出題科目	ページ	選択方法
英語	1 ~ 10	解答科目は、選択できる科目を受験票で確認のうえ、選択しなさい。
数学Ⅰ・A	11 ~ 14	
数学Ⅰ・A・Ⅱ・B	15 ~ 18	

4. 解答は全てマークセンス方式です。マークは黒鉛筆(シャープペンシル可)で右の例のように正しくマークしてください。



5. 解答用紙には解答欄のほかに次の記入欄があります。

(1)受験番号欄

受験番号を受験番号欄の上欄に算用数字で記入し、さらにその下のマーク欄にマークしてください。なお、受験番号欄には、一般選抜前期 B 日程の受験番号を記入してください（一般選抜前期（共通テストプラス方式）の受験番号は記入しないこと）。

(2)解答科目選択欄

解答する科目を1つだけ○で囲み、さらにその下のマーク欄にマークしてください。

※受験番号および解答した科目が正しくマークされていない場合は、採点できないことがあります。

6. 記入したマークを訂正する場合は、プラスチック製消しゴムで完全に消し、改めてマークしてください（消しきずを残さないこと）。

7. 解答用紙は折り曲げたり、汚したりしてはいけません。

8. 解答用紙の※印欄はマークしてはいけません。

9. 問題冊子と解答用紙にページの落丁・乱丁および印刷の不鮮明な箇所や汚れなどがある場合は、手を挙げて監督者に知らせてください。

10. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってください。

数 学 I・A

(解答番号 (1) ~ (59))

以下の各問い合わせの空欄に当てはまる整数を 0 ~ 9 から選び、該当する解答欄にマークせよ。
ただし、分数で解答する場合は既約分数で答えよ。また、根号の中は最小の整数で答えよ。

I 5人のグループ A と 10人のグループ B の全員に同じテストを実施した。このテストの点数は 10 点満点であり、点数はすべて整数であった。このうちグループ A の 5人の点数は、それぞれ 7, 5, 5, 9, 5 であった。また、テストの点数を 2 で割り、5 を加えた値をポイントとすると、グループ B のポイントの平均値は 8.4 であり、分散は 0.49 であった。このとき、テストの点数とポイントについて、以下の問い合わせに答えよ。

- (1) グループ A の点数について、平均値は (1) . (2) であり、
分散は (3) . (4) (5) である。
- (2) グループ A のポイントについて、最大値は (6) . (7) であり、
最小値は (8) . (9) であり、平均値は (10) . (11) である。
- (3) グループ B の点数について、平均値は (12) . (13) であり、
分散は (14) . (15) (16) である。

(20 点)

II 中心が O で半径が 6 の円 O があり、円 O 上に異なる 2 点 A と B がある。線分 AB を 1 : 2 に内分する点を C とし、AB を 2 : 1 に内分する点を D とする。また、直線 AO と円 O の交点のうち、A と異なる点を E とする。OC = 4 のとき、以下の問い合わせよ。

(1) $AD = \boxed{(17)} AC$, $AE = \boxed{(18)} AO$ より、 $DE = \boxed{(19)}$ である。

(2) $\angle ABE = \boxed{(20)} \boxed{(21)}^\circ$ である。

(3) $\triangle ABE$ と $\triangle DBE$ に着目すると、 $AB = \boxed{(22)} \sqrt{\boxed{(23)} \boxed{(24)}}$ である。

(4) $\cos \angle OAC = \frac{\sqrt{\boxed{(25)} \boxed{(26)}}}{\boxed{(27)}}$ である。

(5) $\triangle OAC$ の外接円の半径は $\frac{\boxed{(28)} \sqrt{\boxed{(29)}}}{\boxed{(30)}}$ である。

(20 点)

III

a を実数とする。 xy 平面上の放物線 $C : y = 2x^2 - 4ax + 4a^2 - 3a - 2$ について、以下の問い合わせよ。

- (1) $a = 3$ のとき、 C の頂点の座標は $(\boxed{(31)}, \boxed{(32)})$ である。
- (2) C が点 $(1, 2)$ を通るとき、 $a = -\frac{\boxed{(33)}}{\boxed{(34)}}, \boxed{(35)}$ である。
- (3) C の頂点が第4象限にあるとき、 a のとりうる値の範囲は $\boxed{(36)} < a < \boxed{(37)}$ である。
- (4) すべての実数 x について $y > 0$ となるとき、 a のとりうる値の範囲は
$$a < -\frac{\boxed{(38)}}{\boxed{(39)}}, \quad \boxed{(40)} < a \text{ である。}$$
- (5) $x > 0$ の範囲において、 C と x 軸が少なくとも 1 つの共有点をもつとき、 a のとりうる値の範囲は
$$\frac{\boxed{(41)} - \sqrt{\boxed{(42)} \boxed{(43)}}}{\boxed{(44)}} < a \leq \boxed{(45)} \text{ である。}$$

(30 点)

IV 3つの自然数 a, b, c の組を (a, b, c) と表す。 a, b, c の積 abc について、以下の問い合わせよ。

- (1) $abc = 3$ を満たす (a, b, c) は全部で (46) 個あり、 $abc = 5$ を満たす (a, b, c) は全部で (47) 個ある。よって、 $abc = 15$ を満たす (a, b, c) は全部で (48) 個ある。
- (2) $abc = 8$ を満たす (a, b, c) は全部で (49) (50) 個ある。
- (3) (1), (2) より、 $abc = 120$ を満たす (a, b, c) は全部で (51) (52) 個ある。
- (4) $abc = 120$ を満たす (a, b, c) のうち、 $a = 1$ である組は全部で (53) (54) 個あり、 a, b, c のうち少なくとも 1 つの値が 1 である組は全部で (55) (56) 個ある。
- (5) $abc = 120, a \neq 1, b \neq 1, c \neq 1$ を満たす (a, b, c) のうち、 a, b, c がすべて異なる組は全部で (57) (58) 個ある。
- (6) $abc = 120, a \neq 1, b \neq 1, c \neq 1$ を満たす (a, b, c) のうち、 $a \geq b \geq c$ を満たす組は全部で (59) 個ある。

(30 点)

ご注意

1. 本書の一部あるいは全部について、発行者の許可を得ずに、無断で複写・転写することは禁じられています。
2. 本書の内容に誤り・誤字脱字などございましたら、ご連絡いただけすると幸いです。

2021/7/1

発行・制作:広島国際大学入試センター

連絡先:739-2695 広島県東広島市黒瀬学園台555-36

TEL: 0823-70-4500 FAX: 0823-70-4518

Mail: HIU.Nyushi@josho.ac.jp

URL: <https://www.hirokoku-u.ac.jp/>